

a を定数とする. 2次方程式

$$x^2 + (-2a + 4)x + 2a^2 - 2 = 0 \quad \dots\dots (\text{ア})$$

について, (ア) が重解をもつとき, $a = \boxed{13}$ である.

また, (ア) が $-2 < x < 0$ の範囲に異なる 2 つの実数解をもつとき, a の値の範囲は $\boxed{14}$ である.

(17 明海大 歯 1(8))

【答】	13	14
	$-2 \pm \sqrt{10}$	$1 < a < -2 + \sqrt{10}$

【解答】

$$f(x) = x^2 + (-2a + 4)x + 2a^2 - 2 \text{ とおくと}$$

$$f(x) = \{x - (a - 2)\}^2 + a^2 + 4a - 6$$

(ア) が重解をもつ条件は

$$f(a - 2) = 0$$

$$a^2 + 4a - 6 = 0$$

$$\therefore a = \boxed{-2 \pm \sqrt{10}}$$

$\dots\dots$ (13 の答)

- (判別式) = 0 を解いてもよい.

(ア) が $-2 < x < 0$ の範囲に異なる 2 つの実数解をもつ条件は

$$\begin{cases} \text{頂点の } y \text{ 座標 : } f(a - 2) < 0 \\ \text{軸の位置 : } -2 < a - 2 < 0 \\ \text{端点の符号 : } f(-2) > 0 \text{ かつ } f(0) > 0 \end{cases}$$

である. これを整理すると

$$\begin{cases} a^2 + 4a - 6 < 0 \\ 0 < a < 2 \\ 2a^2 + 4a - 6 > 0 \\ 2a^2 - 2 > 0 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} a^2 + 4a - 6 < 0 \\ 0 < a < 2 \\ (a + 3)(a - 1) > 0 \\ (a + 1)(a - 1) > 0 \end{cases}$$

$$\therefore \begin{cases} -2 - \sqrt{10} < a < -2 + \sqrt{10} \\ 0 < a < 2 \\ (a < -3 \text{ または } 1 < a) \\ (a < -1 \text{ または } 1 < a) \end{cases}$$

よって, 求める a の値の範囲は

$$\boxed{1 < a < -2 + \sqrt{10}}$$

$\dots\dots$ (14 の答)