

北海道大学 入試問題の利用について

北海道大学学務部入試課

本学では、入試問題の使用については特に制限を設けておりませんが、以下の条件に留意の上、適切にご使用願います。

- ① 本学入試問題の著作権は、北海道大学に帰属します。
- ② 入試問題を利用する団体等が、出典を明示すること、責任の所在を明確にすることが必要です。
- ③ 本学試験問題を原本どおり使用できない場合には、改変したことを必ず明示願います。
- ④ 二次利用する場合において、問題に引用されている作品等がある場合には、使用する団体等が責任をもって、本学に対してではなくそれぞれの著作権者（作品の著者等）に対して、著作権処理を行っていただく必要があります。
- ⑤ 解答・解説等を掲載するに当たっては、閲覧される方が、「本学が公表している解答例・解説」と誤解してしまわないよう、掲載方法等についてご配慮願います。

【問い合わせ先】

北海道大学学務部入試課

〒060-0817 札幌市北区北17条西8丁目

TEL : 011-706-7484 FAX : 011-706-7488

数 学

(数Ⅰ，数Ⅱ，数A，数B)

9：00～10：30

注 意

1. 試験開始の合図があるまで，この問題紙を開いてはならない。
2. 問題紙は3ページある。

3. 解答用紙は

解答用紙番号
数学0—1

 (問①用)，

解答用紙番号
数学0—2

 (問②用)，

解答用紙番号
数学0—3

 (問③用)，

解答用紙番号
数学0—4

 (問④用)

の4枚である。

4. 解答用紙は4枚とも全部必ず提出せよ。
5. 受験番号および座席番号(上下2箇所)は，監督者の指示に従って，すべての解答用紙の指定された箇所に必ず記入せよ。
6. 各問に対する解答は，それぞれ3で指定された解答用紙に記入せよ。
ただし，裏面を使用してはならない。
7. 必要以外のことを解答用紙に書いてはならない。
8. 問題紙の余白は下書きに使用してもさしつかえない。
9. 下書き用紙は回収しない。

解 答 上 の 注 意

採点時には，結果を導く過程を重視するので，必要な計算・論証・説明などを省かずに解答せよ。

1 $P(x)$ を x についての整式とし、 $P(x)P(-x) = P(x^2)$ は x についての恒等式であるとする。

(1) $P(0) = 0$ または $P(0) = 1$ であることを示せ。

(2) $P(x)$ が $x - 1$ で割り切れないならば、 $P(x) - 1$ は $x + 1$ で割り切れることを示せ。

(3) 次数が 2 である $P(x)$ をすべて求めよ。

2 三角形 OAB は辺の長さが $OA = 3$, $OB = 5$, $AB = 7$ であるとする。また、 $\angle AOB$ の 2 等分線と直線 AB との交点を P とし、頂点 B における外角の 2 等分線と直線 OP との交点を Q とする。

(1) \vec{OP} を \vec{OA} , \vec{OB} を用いて表せ。また、 $|\vec{OP}|$ の値を求めよ。

(2) \vec{OQ} を \vec{OA} , \vec{OB} を用いて表せ。また、 $|\vec{OQ}|$ の値を求めよ。

- 3 n を 2 以上の自然数とする。1 個のさいころを n 回投げて出た目の数を順に a_1, a_2, \dots, a_n とし、

$$K_n = |1 - a_1| + |a_1 - a_2| + \dots + |a_{n-1} - a_n| + |a_n - 6|$$

とおく。また K_n のとりうる値の最小値を q_n とする。

- (1) $K_2 = 5$ となる確率を求めよ。
- (2) $K_3 = 5$ となる確率を求めよ。
- (3) q_n を求めよ。また $K_n = q_n$ となるための a_1, a_2, \dots, a_n に関する必要十分条件を求めよ。

- 4 q を実数とする。座標平面上に円 $C: x^2 + y^2 = 1$ と放物線 $P: y = x^2 + q$ がある。

- (1) C と P に同じ点で接する傾き正の直線が存在するとき、 q の値およびその接点の座標を求めよ。
- (2) (1) で求めた q の値を q_1 、接点の y 座標を y_1 とするとき、連立不等式

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \geq 1 \\ y \geq x^2 + q_1 \\ y \leq y_1 \end{cases}$$

の表す領域の面積を求めよ。

R—5 (A)

受 番	験 号	A							
--------	--------	---	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0—1

41—0—1



4枚の解答用紙と4枚の下書き用紙がある。
下書き用紙は回収しない。

座 番	席 号			
--------	--------	--	--	--

(下の座席番号欄にも
記入すること。)

数 学 解 答 用 紙 (数 I, 数 II, 数 A, 数 B)
(裏面を使用してはならない)

※ 採点欄

選 抜 区 分
A

R—5 (A)

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—1

41—0—1

座席番号

10 11 12

※採点表
問題1
0

13 14 15

R-5 (A)

受験 番号	A								
----------	---	--	--	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0-2

41-0-2

2

座 番	席 号			
--------	--------	--	--	--

数学解答用紙(数I, 数II, 数A, 数B)
(裏面を使用してはならない)

(下の座席番号欄にも)
記入すること。

※ 採点欄

選抜 区分
A

R-5 (A)

注意

- この欄の座席番号も必ず記入すること。
- ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0-2

41-0-2

座席番号

10 11 12

※採点表
問題2
0

13 14 15

R—5 (A)

受験番号	A						
------	---	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0—3

41—0—3

3

座席番号			
------	--	--	--

(下の座席番号欄にも記入すること。)

数学解答用紙(数I, 数II, 数A, 数B)
(裏面を使用してはならない)

※ 採点欄

--

選抜区分
A

R—5 (A)

注意

1. この欄の座席番号も必ず記入すること。
2. ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—3

41—0—3

座席番号

10 11 12

※採点表
問題3
0

13 14 15

R—5 (A)

受験 番号	A						
----------	---	--	--	--	--	--	--

解答用紙番号
数学0—4

41—0—4

4

座 番	席 号		
--------	--------	--	--

数学解答用紙(数Ⅰ, 数Ⅱ, 数A, 数B)
(裏面を使用してはならない)

(下の座席番号欄にも
記入すること。)

※ 採点欄

選抜 区分
A

R—5 (A)

注意

1. この欄の座席番号も必ず記入すること。
2. ※採点欄・採点表には何も記入しないこと。

解答用紙番号
数学0—4

41—0—4

座席番号

10 11 12

※採点表
問題4
0

13 14 15