

ある動物用の新しい飼料を試作し、任意抽出された 100 匹にこの新しい飼料を毎日与えて 1 週間後に体重の変化を調べた。増加量の平均は 2.57kg、標準偏差は 0.35kg であった。この増加量について、

- (1) 母平均を信頼度 95% で推定せよ。(信頼区間を求めよ。)
- (2) 標本平均と母平均の違いを 95% の確率で 0.05kg 以下にするには標本数をいくらにすればよいか。

(87 山梨医大 5)

【答】

- (1) $2.5014 \leq m \leq 2.6386$
- (2) 189 以上

【解答】

- (1) 母平均を m 、母標準偏差を σ とする。

σ として標本標準偏差 0.35kg を用いると、100 匹の動物の体重の増加量の標本平均 \bar{X} は正規分布 $N\left(m, \frac{(0.35)^2}{100}\right)$ に従う。したがって、 m を信頼度 95% で推定すると

$$\bar{X} - 1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{100}} \leq m \leq \bar{X} + 1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{100}}$$

$$\therefore \bar{X} - 0.0686 \leq m \leq \bar{X} + 0.0686$$

である。 $\bar{X} = 2.57$ であるから、信頼度 95% の信頼区間は

$$2.57 - 0.0686 \leq m \leq 2.57 + 0.0686$$

$$\therefore \mathbf{2.5014 \leq m \leq 2.6386} \quad \dots\dots(\text{答})$$

である。

- (2) n 匹の動物の体重の増加量の標本平均 \bar{X} は正規分布 $N\left(m, \frac{(0.35)^2}{n}\right)$ に従う。したがって、 \bar{X} と m の差の 95% の信頼区間は

$$-1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{n}} \leq \bar{X} - m \leq 1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{n}}$$

$$\therefore |\bar{X} - m| \leq 1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{n}}$$

であり、 $|\bar{X} - m| \leq 0.05$ とするためには

$$1.96 \times \frac{0.35}{\sqrt{n}} \leq 0.05$$

$$\therefore n \geq \left(\frac{1.96 \times 0.35}{0.05}\right)^2 = 13.72^2 = 188.2384$$

したがって、標本数は **189** 以上にすればよい。 ……(答)