

点 O を中心とし、半径が 5 である円 O がある。この円周上に 2 点 A, B を $AB = 6$ となるようにとる。また、円 O の円周上に、2 点 A, B とは異なる点 C をとる。

(i) $\sin \angle ACB = \boxed{\text{サ}}$ である。また、点 C を $\angle ACB$ が鈍角となるようにとるとき、
 $\cos \angle ACB = \boxed{\text{シ}}$ である。

(ii) 点 C を $\triangle ABC$ の面積が最大となるようにとる。点 C から直線 AB に垂直な直線
を引き、直線 AB との交点を D とするとき、 $\tan \angle OAD = \boxed{\text{ス}}$ である。また、
 $\triangle ABC$ の面積は $\boxed{\text{セソ}}$ である。

$\boxed{\text{サ}} \sim \boxed{\text{ス}}$ の解答群 (同じものを繰り返し選んでもよい。)

① $\frac{3}{5}$	② $\frac{3}{4}$	③ $\frac{4}{5}$	④ 1	⑤ $\frac{4}{3}$
⑥ $-\frac{3}{5}$	⑦ $-\frac{3}{4}$	⑧ $-\frac{4}{5}$	⑨ -1	⑩ $-\frac{4}{3}$

(23 共通テスト 本試験 IA 1[2](1))

【答】

サ	シ	ス	セソ
0	7	4	27

【解答】

(i) $\triangle ABC$ において正弦定理を用いると

$$\begin{aligned} \frac{AB}{\sin \angle ACB} &= 2 \times 5 \\ \therefore \sin \angle ACB &= \frac{6}{2 \times 5} \\ &= \frac{3}{5} \quad \textcircled{0} \quad \dots\dots(\text{答}) \end{aligned}$$

である。また、点 C を $\angle ACB$ が鈍角となるようにとるとき

$$\begin{aligned} \cos \angle ACB &= -\sqrt{1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2} \\ &= -\frac{4}{5} \quad \textcircled{7} \quad \dots\dots(\text{答}) \end{aligned}$$

である。

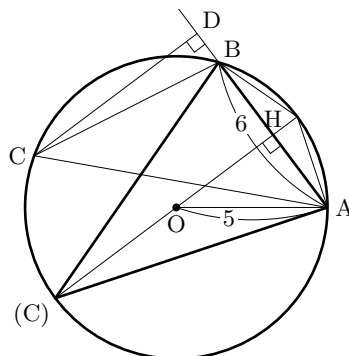
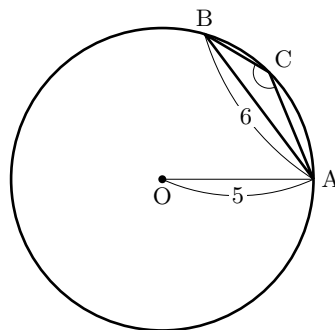
(ii) 中心 O から線分 AB に下ろした垂線の足を H とおく。
 $\triangle ABC$ の面積が最大となるのは、 D が H と一致するときであり、それは $C, O, D(=H)$ がこの順に一直線上
に並ぶときである。

このとき、 $AH = 3$ であるから

$$OH = \sqrt{5^2 - 3^2} = 4$$

であり

$$\begin{aligned} \tan \angle OAD &= \tan \angle OAH \\ &= \frac{OH}{AH} = \frac{4}{3} \quad \textcircled{4} \quad \dots\dots(\text{答}) \end{aligned}$$



である。また、このときの $\triangle ABC$ の面積は

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} \times AB \times CH &= \frac{1}{2} \times 6 \times (5 + 4) \\ &= 27\end{aligned}$$

……(答)

である。